# LAMPIRAN

Lampiran 1 : Silabus

Lampiran 2 : Buku Siswa

Lampiran 3 : Soal-soal

Lampiran 4 : Angket

Lampiran 5 : Script Flash

#### **SILABUS**

Sekolah :

 $Kelas/Semester \\ \hspace*{0.5in} : X \ (sepuluh)/Gasal$ 

Mata Pelajaran : FISIKA

Standar Kompetensi : Mendeskripsiskan gejala alam dalam cangkupan mekanika klasik sistem

diskret (partikel)

Kompetensi Dasar	Materi Pembelajaran	Kegiatan Pembelajaran	Indikator	Penilaian	Alokasi Waktu
Menganalisis besaran fisika pada Gerak Melingkar Beraturan, Gerak Melingkar Berubah Beraturan, Gerak Melingkar Tak Beraturan	<ul> <li>Besaran-         besaran dalam         Gerak</li> <li>Gerak         Melingkar         Beraturan,         Gerak         Melingkar         Berubah         Beraturan,         Gerak         Melingkar         Beraturan         Beraturan,         Gerak         Melingkar Tak         Beraturan</li> </ul>	Menganalisis     besaran     frekuensi,     periode, posisi     sudut,     perpindahan     sudut,     kecepatan     sudut,     percepatan     sudut,     percepatan     sudut,     percepatan     sudut,     percepatan	Menghitung     besaran     frekuensi,     periode,     posisi sudut,     perpindahan     sudut,     kecepatan     sudut,     percepatan     sudut,     percepatan     sudut,     percepatan     sudut,     percepatan     sentripetal     dan     percepatan     tangensial.	Jenis Tagihan:  Tugas Individu  Tugas Kelompok  Ulangan  Bentuk Instrumen:  Tes PG	4 x 45'

Lampiran 2

# KINEMATIKA GERAK MELINGKAR FISIKA SMA KELAS X









W















UNIVERSITAS KATOLIK WIDYA MANDALA SURABAYA FAKULTAS KEGURUAN DAN ILMU PENDIDIKAN PROGRAM STUDI PENDIDIKAN FISIKA JL. KALIJUDAN 37 SURABAYA

Suatu benda dikatakan bergerak jika posisinya selalu berubah terhadap suatu acuan. Gerak termasuk bidang yang dipelajari dalam mekanika dan mekanika sendiri merupakan cabang dari Fisika. Mekanika terbagi atas tiga cabang ilmu yaitu statika dan dinamika. Statika adalah ilmu yang mempelajari tentang kesetimbangan benda di bawah pengaruh gaya sedangkan dinamika adalah ilmu yang mempelajari penyebab gerakan benda yaitu gaya.

## 1. Frekuensi dan Periode

Frekuensi adalah banyaknya putaran yang dilakukan oleh suatu benda dalam waktu 1 sekon dan dalam Satuan Internasional (SI) dinyatakan hertz atau Hz.

Periode adalah selang waktu yang diperlukan oleh suatu benda untuk menempuh 1 kali putaran dan dalam Satuan Internasional (SI) dinyatakan sekon atau s.

Berdasarkan pengertian di atas, dapat dituliskan hubungan keduanya adalah sebagai berikut:

$$f = \frac{1}{T} \tag{1}$$

$$T = \frac{1}{f} \tag{2}$$

## Contoh:

Jika suatu benda melakukan

100 putaran dalam 5 sekon,

berapakah frekuensi yang

dibutuhkan oleh benda tersebut?

# Penyelesaian:

Diketahui :n = 100 putaran, T = 5 sekon

$$f = \frac{1}{T}$$

$$=\frac{100}{5}$$

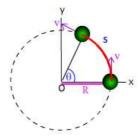
= 20 Hz

#### Latihan 1

1. Sebuah roda berputar pada 240 rpm, tentukan periode dan frekuensi roda tersebut!

# 2. Posisi Sudut dan Perpindahan Sudut

Posisi sudut ( $\theta$ ) adalah sudut yang terbentuk dari vektor posisi terhadap sumbu x dan dinyatakan dalam satuan radian (rad).

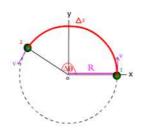


Gambar 1 Posisi sudut yang membentuk sudut  $\theta$  terhadap sumbu x

Berdasarkan Gambar 1, jika posisi sudut dinyatakan sebagai  $\theta$ , panjang busur lintasan dinyatakan sebagai s dan dinyatakan dalam satuan meter serta jari-jari dinyatakan sebagai R dan dinyatakan dalam satuan meter, maka secara matematis hubungan ketiga besaran tersebut dapat dituliskan sebagai:

$$\theta = \frac{s}{R} \tag{3}$$

Perpindahan sudut  $(\Delta\theta)$  adalah perubahan posisi sudut suatu gerak ketika dari posisi awal ke posisi akhir dan dinyatakan dalam satuan radian (rad).



Gambar 2 Perpindahan sudut

Berdasarkan Gambar 2, jika perubahan posisi sudut dinyatakan sebagai  $\Delta\theta$ , perubahan panjang busur lintasan dinyatakan sebagai  $\Delta s$  dan dinyatakan dalam satuan meter serta jari-jari dinyatakan sebagai R dan dinyatakan dalam satuan meter, maka secara matematis hubungan ketiga besaran tersebut dapat dituliskan sebagai:

$$\Delta \theta = \frac{\Delta s}{P} \tag{4}$$

## Contoh:

Sebuah titik A terletak pada tepi lingkaran yang berjejari 2 cm mula – mula terletak pada sumbu x. Jika titik A melintasi busur lingkaran sepanjang  $100\pi$  cm berlawanan arah dengan putaran jarum jam, tentukan posisi sudut titik tersebut!

# Penyelesaian:

Diketahui: R = 2 cm

 $s = 100\pi$  cm

Ditanyakan :  $\theta$  ?

Jawab:

$$\theta = \frac{s}{R}$$

$$= \frac{100\pi \text{ cm}}{2 \text{ cm}}$$

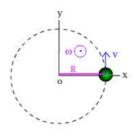
$$= 50\pi \text{ rad}$$

#### Latihan 2

- 1. Sebuah titik A terletak pada tepi lingkaran yang berjejari 50 cm mula mula terletak pada sumbu x. Jika titik A melintasi busur lingkaran sepanjang  $30\pi$  cm berlawanan arah dengan putaran jarum jam, tentukan posisi sudut titik tersebut!
- 2. Berapakah perubahan posisi sudut yang ditempuh oleh sebuah titik yang terletak di tepi lingkaran berjejari 20 cm jika perubahan panjang busur yang di lintasi titik tersebut sebesar 1m searah dengan putaran jarum jam?

# 3. Kecepatan Sudut dan Percepatan Sudut

Kecepatan sudut ( $\omega$ ) adalah perpindahan sudut yang ditempuh per satuan waktu dan dinyatakan dalam satuan rad/s.



Gambar 3 Hubungan antara kecepatan sudut dengan kecepatan linier Tinjau Gambar 3 suatu partikel yang bergerak melingkar pada lintasan yang bejejari R. Jika dalam selang waktu  $(\Delta t)$  partikel tersebut mengalami perpindahan sudut  $(\Delta\theta)$ , maka kecepatan sudut  $(\omega)$  partikel tersebut secara matematis dapat dituliskan:

$$\omega = \frac{\Delta \theta}{\Delta t} \tag{5}$$

Untuk partikel yang melakukan gerak satu kali putaran, maka sudut yang ditempuh  $\Delta\theta=2\pi$  dan waktu tempuh  $\Delta t$  disebut perioda dan dinyatakan sebagai T. Dengan demikian, dapat dituliskan:

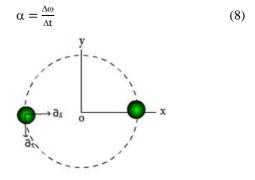
$$\omega = \frac{2\pi}{T} \tag{6}$$

Kecepatan linier dapat dituliskan:

$$v = \frac{2\pi R}{T} = \omega R \tag{7}$$

Percepatan sudut ( $\alpha$ ) adalah perubahan kecepatan sudut per satuan waktu dan dinyatakan dalam satuan rad/s<sup>2</sup>.

Berdasarkan pengertian di atas, secara matematis dapat dituliskan:



Gambar 4 Hubungan antara percepatan tangensial dan percepatan sentripetal

#### Contoh:

Roda sepeda berputar menempuh  $10\pi$  rad/s. Berapakah waktu yang dibutuhkan roda untuk melakukan satu kali putaran penuh ?

## Penyelesaian:

Diketahui :  $\omega = 10\pi \text{ rad/s}$ 

Ditanyakan: T?

Jawab:

$$\omega = \frac{2\pi}{T}$$

$$10\pi\frac{rad}{s} = \frac{2\pi}{T}$$

T = 0.2 sekon

# Latihan 3

- Sebuah CD berputar
   menempuh 180 putaran dalam
   menit. Tentukan kecepatan
   sudut CD tersebut!
- 2. mengacu pada jawaban no.
- 1, hitunglah percepatan sudut CD jika waktu yang diperlukan CD sebesar 2 sekon!

# 4. Percepatan Sentripetal (a,) dan Percepatan Tangensial (a,)

Untuk partikel yang bergerak melingkar mengalami percepatan tangensial (a<sub>t</sub>) dan percepatan sentripetal (a<sub>s</sub>) dalam SI dinyatakan dengan satuan m/s<sup>2</sup>. Jika dalam selang waktu  $\Delta t$  partikel tersebut mengalami perubahan kecepatan  $\Delta v$ , maka percepatan tangensial

(a<sub>t</sub>) yang di alami oleh partikel tersebut secara matematis dapat dinyatakan:

$$a_{t} = \frac{\Delta v}{\Delta t} = \alpha R \tag{9}$$

Jika partikel tersebut bergerak melingkar dengan kecepatan linier v dan kecepatan sudut  $\omega$ , maka percepatan sentripetal  $(a_s)$  yang di alami oleh partikel tersebut secara matematis dapat dituliskan:

$$a_s = v\omega = \omega^2 R \tag{10}$$

## Contoh:

Sebuah roda gerinda yang diameternya 25 cm berputar pada 1800rpm. Berapakah percepatan sentripetal yang dialami oleh sebuah titik pada pinggir roda?

# Penyelesaian:

Diketahui 
$$\omega = 1800 \text{ rpm x } \frac{2\pi rad}{60 \text{ s}}$$
  
=  $60\pi \text{ rad/s}$ 

$$d = 25 \text{ cm}, R = 12,5 \text{ cm}$$

Ditanyakan : a<sub>s</sub>?

Jawab:

$$a_s = \omega^2 R$$
  
=  $(60\pi \text{ rad/s})2 \times 12,5 \text{ cm}$   
=  $45.000 \text{ m/s}$ 

#### Latihan 4

 Sebuah mobil balap mulai dari keadaan diam dari area pit dan dipercepat beraturan sampai laju 35 m/s dalam
 sekon pada lintasan horizontal yang melingkar dengan radius 500 m. Dengan menganggap percepatan tangensial konstan, hitunglah percepatan tangensialnya!

# 5. Gerak Melingkar Beraturan

Gerak melingkar beraturan adalah gerak melingkar dengan kecepatan sudut konstan ( $\omega$  = konstan).

Untuk partikel yang bergerak melingkar secara beraturan dengan kecepatan sudut  $\omega$  dalam selang waktu  $\Delta t$ , maka perpindahan sudut yang di alami oleh partikel tersebut sebesar  $\Delta \theta$ . Secara matematis dapat dituliskan:

$$\Delta \theta = \omega \Delta t \tag{11}$$

Perpindahan sudut yang di alami oleh partikel tersebut ketika benda bergerak dari posisi awal ke posisi akhir ( $\theta$  -  $\theta_o$ ). Secara matematis dapat dituliskan:

$$\theta = \omega t + \theta_{o} \tag{12}$$

#### Contoh:

Sebuah bor listrik berputar dengan kecepatan sudut konstan 1.200 rpm. Tentukan besar sudut yang ditempuh bor tersebut selama 5 sekon!

# Penyelesaian:

Diketahui :  $\omega = 1200 \text{ rpm x } \frac{2\pi rad}{60 \text{ s}}$ =  $40\pi \text{ rad/s}$ 

t = 5 sekon

 $Ditanyakan:\theta\ ?$ 

Jawab:

$$\theta = \omega t + \theta o$$

$$= (40\pi \text{ rad/s})(5 \text{ s}) + 0$$

$$= 200\pi \text{ rad}$$

#### Latihan 5

1. Poros sebuah motor berputar 1800 rpm. Berapa radian sudut yang ditempuh oleh putaran tersebut dalam 18 sekon?

# 6. Gerak Melingkar Berubah Beraturan

Gerak melingkar berubah beraturan adalah gerak melingkar dengan percepatan sudut konstan ( $\alpha$  = konstan).

Untuk partikel yang bergerak melingkar secara berubah beraturan dengan percepatan sudut  $\alpha$  dalam waktu t, maka perubahan kecepatan sudut yang di alami oleh partikel tersebut sebesar  $(\omega - \omega_o)$ . Secara matematis dapat dituliskan:

$$\omega = \omega_0 + \alpha t \tag{13}$$

Jika partikel tersebut bergerak dengan percepatan sudut  $\alpha$  dalam waktu t dengan kecepatan sudut awal  $\omega_o$ , maka posisi sudut yang di alami oleh partikel tersebut sebesar  $\theta$ . Secara matematis dapat dituliskan:

$$\theta = \omega_0 t + \frac{1}{2} \alpha t^2 \tag{14}$$

Jika partikel tersebut bergerak dengan percepatan sudut  $\alpha$  dalam perubahan posisi sudut  $\Delta\theta$ , maka akan berlaku persamaan:

$$\omega^2 = \omega_0^2 + 2\alpha\Delta\theta \tag{15}$$

## Contoh:

Suatu partikel bergerak melingkar dipercepat beraturan dengan percepatan sudut 2 rad/s² dan kecepatan sudut awalnya 30 rad/s. Setelah 5 sekon, berapakah sudut yang ditempuh partikel tersebut?

# Penyelesaian:

Diketahui :  $\alpha = 2 \text{ rad/s}^2$ 

 $\omega_o = 30 \text{ rad/s}$ 

t = 5 sekon

Ditanyakan :  $\theta$  ?

Jawab:

$$\theta = \omega_0 t + \frac{1}{2} \alpha t^2$$
= (30 rad/s)(5 s) + \frac{1}{2} (2 rad/s^2) (5 s)^2
$$\theta = 175 \text{ rad}$$

#### Latihan 6

1. Sebuah partikel bergerak melingkar dipercepat beraturan dengan percepatan sudut 4 rad/s² dan kecepatan sudut awal 60 rad/s. Berapakah posisi sudut partikel tersebut pada 5 sekon?

# 7. Gerak Melingkar Tak Beraturan

Gerak melingkar tak beraturan merupakan gerak melingkar dengan percepatan sudut dan kecepatan sudut yang berubah-ubah terhadap waktu. Gerak melingkar dengan percepatan sudut  $\alpha=2\pi rt$  merupakan salah satu contoh gerak melingkar tak beraturan. Berdasarkan informasi tersebut untuk mencari kecepatan sudut  $(\omega)$  maka percepatan sudut  $(\alpha)$  tersebut diintegralkan, sedangkan untuk mencari posisi sudut maka percepatan sudut  $(\alpha)$  tersebut diturunkan.

#### Soal-soal

#### Posisi Sudut

Sebuah titik A terletak pada tepi lingkaran yang berjejari 50 cm mula — mula terletak pada sumbu x. Jika titik A melintasi busur lingkaran sepanjang  $30\pi$  cm berlawanan arah dengan putaran jarum jam, tentukan posisi sudut titik tersebut!

#### Perpindahan Sudut

Berapakah perubahan posisi sudut yang ditempuh oleh sebuah titik yang terletak di tepi lingkaran berjejari 20 cm jika perubahan panjang busur yang di lintasi titik tersebut sebesar 1m searah dengan putaran jarum jam?

## Kecepatan Sudut

Pada sebuah batang tinggi, seorang pesenam mengayun empat putaran dalam waktu 3,6 sekon. Berapakah kecepatan sudut pesenam tersebut?

# Percepatan Sudut

Sebuah piringan memiliki jari – jari 3 cm dari pusat piringan. Piringan diputar terhadap sumbu piringan dengan kecepatan awal 20 rpm, jika dalam waktu 10 sekon kecepatan putaran piringan berubah secara beraturan menjadi 30 rpm. Hitunglah:

- a. percepatan sudut
- b. percepatan tangensial ketika kecepatan sudut 30 rpm
- c. percepatan sentripetal ketika kecepatan sudut 25 rpm

#### Gerak Melingkar Beraturan

Sebuah bor listrik berputar dengan kecepatan sudut konstan 1500 rpm. Berapakah sudut yang telah ditempuh bor tersebut selama 5 sekon ?Gerak Melingkar Berubah Beraturan

Sebuah partikel bergerak melingkar dipercepat beraturan dengan percepatan sudut 4 rad/s<sup>2</sup> dan kecepatan sudut awal 60 rad/s. Berapakah posisi sudut partikel tersebut pada 5 sekon?

## Gerak Melingkar Tak Beraturan

Seorang pembalap motor gp mula-mula dalam keadaan diam di area balapan. Motor tersebut mulai bergerak dipercepat beraturan pada lintasan horizontal yang melingkar dengan radius 300 m dengan kelajuan 30 m/s dalam selang waktu 10 sekon. Berapakah percepatan total yang dialami oleh pembalap tersebut?

#### Soal Latihan

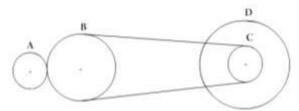
1. Sebuah stasiun luar angkasa, berbentuk roda dengan diameter 20 m, berotasi untuk menghasilkan "gravitasi buatan" sebesar 3 m/s² pada orang yang berjalan di atas dinding dalam pada tepi roda. Berapakah besar kelajuan rotasi tepi roda?

- Diketahui dua roda saling bersinggungan. Jari jari roda yang kecil hanya seperempat dari jari - jari roda besar. Jika kecepatan sudut roda besar sebesar 9 rad/s, berapakah kecepatan sudut roda kecil!
- 3. Sebuah mobil balap mulai dari keadaan diam dari area pit dan dipercepat beraturan sampai laju 35 m/s dalam 11 sekon pada lintasan horizontal yang melingkar dengan radius 500 m. Dengan menganggap percepatan tangensial konstan, hitunglah percepatan tangensialnya!
- 4. Suatu partikel bergerak melingkar dipercepat beraturan dengan percepatan sudut 2 rad/s² dan kecepatan sudut awal 30 rad/s. Setelah 5 sekon, sudut yang ditempuh partikel adalah....
- 5. Orbit bulan di sekeliling bumi yang hampir lingkaran mempunyai radius sekitar 384.000 km dan periode T selama 27,3 hari. Tentukan percepatan sentripetal yang dialami oleh orbit bulan!

#### Soal Test

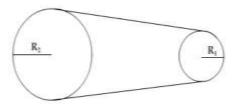
- 1. Suatu benda bergerak melingkar beraturan. Manakah dari pernyataan berikut ini yang benar?
  - a. Kecepatan liniernya tetap
  - b. Kelajuan liniernya tetap
  - c. Percepatannya tetap
  - d. Gaya radialnya tetap
- 2. Berapa radian sudut yang dibentuk oleh <sup>1</sup>/<sub>2</sub> putaran?

- 3. Sebuah roda berputar dengan kecepatan sudut tetap 30 rad/s. Jika posisi sudut awal 3 rad, berapakah posisi sudut pada saat t = 2.4 s?
- 4. Suatu partikel bergerak melingkar dipercepat beraturan dengan percepatan sudut 2 rad/s² dan kecepatan sudut awalnya 30 rad/s. Setelah 5 sekon, berapakah sudut yang ditempuh partikel tersebut?
- 5. Sebuah roda sepeda yang memiliki jari jari 26 cm diputar melingkar beraturan. Kelajuan liniear pentil pada roda tersebut 1,3 m/s. Berapakah kecepatan sudutnya?
- 6. Roda A berjejari 4 cm dan roda B berjejari 10 cm saling bersinggungan, sedangkan roda B dihubungkan dengan roda C yang berjejari 3 cm melalui sebuah sabuk. Bila roda A diputar searah jarum jam dengan kecepatan sudut 15 rad/s, berapakah kelajuan linier roda D?



7. Dua buah roda dihubungkan dengan rantai. Roda yang lebih kecil dengan jari - jari 8 cm diputar pada 100 rad/s.

Berapakah kelajuan linier kedua roda tersebut jika jari – jari roda yang lebih besar 15 cm?



- 8. Sebuah gerinda berputar dengan kecepatan 330 rpm. Pada gerinda tersebut diletakkan sebuah partikel yang berjarak 8 cm dari poros gerinda. Tentukan percepatan sentripetal yang dialami partikel tersebut!
- 9. Sebuah bor listrik berputar dengan kecepatan sudut konstan 1.200 putaran per menit. Tentukan besar sudut yang ditempuh bor tersebut selama 5 sekon!
- 10. Sebuah mobil balap mulai dari keadaan diam di area pit dan dipercepat beraturan sampai laju 35 m/s dalam 11 sekon dan berjalan pada lintasan horizontal yang melingkar dengan radius 500 m. Berapakah percepatan sentripetal jika laju sebesar 30 m/s.

Lampiran 3a

#### Kunci Soal-soal

#### Posisi Sudut

Sebuah titik A terletak pada tepi lingkaran yang berjejari 50 cm mula — mula terletak pada sumbu x. Jika titik A melintasi busur lingkaran sepanjang  $30\pi$  cm berlawanan arah dengan putaran jarum jam, tentukan posisi sudut titik tersebut!

Penyelesaian

Diket: R = 50 cm

 $s = 30\pi$  cm

Dit :  $\theta$  ?

Jwb:

$$\theta = \frac{s}{R} = \frac{30\pi \text{ cm}}{50 \text{ cm}} = 0.6\pi \text{ rad}$$

# Perpindahan Sudut

Berapakah perubahan posisi sudut yang ditempuh oleh sebuah titik yang terletak di tepi lingkaran berjejari 20 cm jika perubahan panjang busur yang di lintasi titik tersebut sebesar 1m searah dengan putaran jarum jam?

Penyelesaian

Diket: R = 20 cm

$$\Delta s = -1 \text{ m} = -100 \text{ cm}$$

Dit :  $\Delta\theta$  ?

Jwb:

$$\Delta\theta = \frac{\Delta s}{R} = \frac{-100 \text{ cm}}{20 \text{ cm}} = -5 \text{ rad}$$

#### Kecepatan Sudut

Pada sebuah batang tinggi, seorang pesenam mengayun empat putaran dalam waktu 3,6 sekon. Berapakah kecepatan sudut pesenam tersebut?

Penyelesaian

Diket :  $\Delta t = 3.6$  sekon

$$\Delta\theta = 4 putaran x \frac{2\pi rad}{putaran} = 8\pi rad$$

Dit:  $\omega$ ?

Jwb:

$$\omega = \frac{\Delta\theta}{\Delta t} = \frac{8\pi \text{ rad}}{3.6 \text{ s}} = 2,22\pi \text{ rad/s}$$

#### Percepatan Sudut

Sebuah piringan memiliki jari – jari 3 cm dari pusat piringan. Piringan diputar terhadap sumbu piringan dengan kecepatan awal 20 rpm, jika dalam waktu 10 sekon kecepatan putaran piringan berubah secara beraturan menjadi 30 rpm. Hitunglah:

a. percepatan sudut

b. percepatan tangensial ketika kecepatan sudut 30 rpm

c. percepatan sentripetal ketika kecepatan sudut 25 rpm

Penyelesaian

Diket: R = 3 cm

$$\omega_o = 20 \text{ rpm x } \frac{2\pi \, rad}{60 \, s} = 0,67\pi \text{ rad/s}$$
  
 $t = 10 \text{ sekon}$   
 $\omega = 30 \text{ rpm x } \frac{2\pi \, rad}{60 \, s} = \pi \text{ rad/s}$ 

Dit:

b. 
$$a_t$$
 ketika  $\omega = 30$  rpm?

c. 
$$a_s$$
 ketika  $\omega = 25$  rpm?

Jwb:

a. 
$$\propto = \frac{\Delta\omega}{\Delta t} = \frac{(\pi - 0.67\pi) \text{ rad/s}}{10 \text{ s}} = 0.33\pi \text{ rad/s}^2$$
  
b.  $a_t = \alpha \text{ x R}$   
 $= 0.33\pi \text{ rad/s}^2 \text{ x 3 cm}$   
 $= 0.99 \text{ cm/s}^2$   
c.  $\omega = 25 \text{ rpm x } \frac{2\pi \text{ rad}}{60 \text{ s}} = 0.83\pi \text{ rad/s}$   
 $a_s = \omega^2 \text{ x R}$   
 $= (0.83\pi \text{ rad/s})^2 \text{ x 3 cm}$   
 $= 2.0667\pi^2 \text{ cm/s}^2$ 

# Gerak Melingkar Beraturan

Sebuah bor listrik berputar dengan kecepatan sudut konstan 1500 rpm. Berapakah sudut yang telah ditempuh bor tersebut selama 5 sekon?

Penyelesaian

Diket: 
$$\omega = 1500 \text{ rpm x} \frac{2\pi \, rad}{60 \, s} = 50\pi \, rad/s$$
  
 $t = 5 \text{ sekon}$   
Dit:  $\theta$ ?  
Jwb:  

$$\theta = \omega t + \theta o$$

$$= (50\pi \, rad/s)(5 \, s) + 0$$

$$= 250\pi \, rad$$

#### Gerak Melingkar Berubah Beraturan

Sebuah partikel bergerak melingkar dipercepat beraturan dengan percepatan sudut 4 rad/s<sup>2</sup> dan kecepatan sudut awal 60 rad/s. Berapakah posisi sudut partikel tersebut pada 5 sekon?

Penyelesaian

Diket :  $\alpha = 4 \text{ rad/s}^2$   $\omega_o = 60 \text{ rad/s}$ t = 5 sekon

Jwb:

$$\theta = \omega_0 t + \frac{1}{2} \alpha t^2$$
= (60 rad/s)(5 s) + \frac{1}{2}(4 rad/s^2)(5 s)^2  
= 300 rad + 50 rad  
= 350 rad

#### Gerak Melingkar Tak Beraturan

Seorang pembalap motor gp mula-mula dalam keadaan diam di area balapan. Motor tersebut mulai bergerak dipercepat beraturan pada lintasan horizontal yang melingkar dengan radius 300 m dengan kelajuan 30 m/s dalam selang waktu 10 sekon. Berapakah percepatan total yang dialami oleh pembalap tersebut?

Penyelesaian

Diket:  $v_o = 0 \text{ m/s}$ 

v = 30 m/s

t = 10 sekon

R = 300 m

Dit: a<sub>total</sub>?

Jwb:

$$a_{tan} = \frac{\Delta v}{\Delta t}$$
  $a_s =$ 

v2R

$$= \frac{30\frac{m}{s} - 0\frac{m}{s}}{10 \text{ s} - 0 \text{ s}} = \frac{30\frac{m}{s}}{10 \text{ s}} = 3 \text{ m/s}^2$$

$$= \frac{(30 \text{ m/s})^2}{300 \text{ m}} = 3 \text{ m/s}^2$$

$$a_{total} = \sqrt{(a_{tan})^2 + \sqrt{(a_s)^2}}$$

$$= \sqrt{(3 \text{ m/s}^2)^2 + \sqrt{(3 \text{ m/s}^2)^2}}$$

$$= \sqrt{18} \frac{m}{s^2} = 3\sqrt{2} \text{ m/s}^2$$

#### Soal Latihan

Sebuah stasiun luar angkasa, berbentuk roda dengan diameter
 m, berotasi untuk menghasilkan "gravitasi buatan" sebesar
 m/s² pada orang yang berjalan di atas dinding dalam pada tepi roda. Berapakah besar kelajuan rotasi tepi roda?

Penyelesaian

Diket : 
$$d = 20 \text{ m} -> R = 10 \text{ m}$$
  
 $a_s = 3 \text{ m/s}^2$ 

Dit: v?

Jwb:

$$a_s = \frac{v^2}{R}$$

$$3 \text{ m/s}^2 = v^2$$

$$10 \text{ m}$$

$$v^2 = 30 \text{ m/s}$$

$$v^2 = \sqrt{30} \text{ m/s}$$

$$v = 5.47 \text{ m/s}$$

 Diketahui dua roda saling bersinggungan. Jari - jari roda yang kecil hanya seperempat dari jari - jari roda besar. Jika kecepatan sudut roda besar sebesar 9 rad/s, berapakah kecepatan sudut roda kecil!

Penyeles aian

Diket : 
$$r_A = \frac{1}{4} r_B$$
 
$$\omega_B = 9^{\ rad}/s$$

 $Dit:\omega_A\:?$ 

Jwb:

$$v_A = v_B$$

$$r_A \omega_A = r_B \omega_B$$

$$(\frac{1}{4} r_B) \omega_A = r_B (9^{rad}/s)$$

$$\omega_A = 36 \text{ rad/s}$$

3. Sebuah mobil balap mulai dari keadaan diam dari area pit dan dipercepat beraturan sampai laju 35 m/s dalam 11 sekon pada lintasan horizontal yang melingkar dengan radius 500 m. Dengan menganggap percepatan tangensial konstan, hitunglah percepatan tangensialnya!

Penyelesaian

Diket : 
$$v = 35 \text{ m/s}$$
  
 $t = 11 \text{ sekon}$   
 $R = 500 \text{ m}$ 

Dit: atan?

Jwb: 
$$a_{tan} = \frac{\Delta v}{\Delta t} = \frac{(35-0)\frac{m}{s}}{(11-0)s} = \frac{35\frac{m}{s}}{11 s}$$
  
= 3.2 m/s<sup>2</sup>

4. Suatu partikel bergerak melingkar dipercepat beraturan dengan percepatan sudut 2 rad/s² dan kecepatan sudut awal 30 rad/s. Setelah 5 sekon, sudut yang ditempuh partikel adalah....

Penyelesaian

Diket :  $\alpha = 2 \text{ rad/s}^2$ 

$$\omega = 30 \text{ rad/s}$$
  
 $t = 5 \text{ sekon}$ 

Dit :  $\theta$  ?

Jwb:

$$\theta = \omega_0 t + \frac{1}{2} \alpha t^2$$
  
= (30 rad/s)(5 sekon) +  $\frac{1}{2}$  (2 rad/s<sup>2</sup>) (5 sekon)<sup>2</sup>  
 $\theta = 175$  rad

5. Orbit bulan di sekeliling bumi yang hampir lingkaran mempunyai radius sekitar 384.000 km dan periode T selama 27,3 hari. Tentukan percepatan sentripetal yang dialami oleh orbit bulan!

Penyelesaian

Diket: 
$$R = 384.000 \text{ km} = 3.84 \text{ x } 10^8 \text{ m}$$

$$T = 27,3$$
 hari x 24 jam x 3600 s/jam = 2,36 x  $10^6$  s

Dit: a?

Jwb: 
$$a_s = \frac{v^2}{R} = \frac{(2\pi R)^2}{T^2} \frac{1}{R}$$
  
=  $(2\pi (3.84 \times 10^8 \text{ m}))^2$   
 $\overline{(2.36 \times 10^6 \text{ s})^2 (3.84 \times 10^8 \text{ m})}$   
=  $2.72 \times 10^{-3} \text{ m/s}^2$ 

## Soal Test

1. Suatu benda bergerak melingkar beraturan. Manakah dari pernyataan berikut ini yang benar?

Penyelesaian: B

- a. Kecepatan liniernya tetap
- b. Kelajuan liniernya tetap
- c. Percepatannya tetap
- d. Gaya radialnya tetap
- 2. Berapa radian sudut yang dibentuk oleh <sup>1</sup>/<sub>2</sub> putaran?

Penyelesaian

$$^{1}/_{2}$$
 putaran =  $^{1}/_{2}$  putaran x  $\frac{2\pi \, rad}{1 \, putaran}$   
=  $\pi \, rad$ 

Sebuah roda berputar dengan kecepatan sudut tetap 30 rad/s.
 Jika posisi sudut awal 3 rad, berapakah posisi sudut pada saat

$$t = 2,4 s$$
?

Penyelesaian

Diket :  $\omega = 30 \text{ rad/s}$ 

$$\theta o = 3 \text{ rad}$$

Dit :  $\theta$  saat t = 2,4 sekon?

Jwb:

$$\theta = \omega t + \theta o$$

$$= (30 \text{ rad/s})(2,4 \text{ s}) + 3 \text{ rad}$$

$$\theta = 75 \text{ rad}$$

4. Suatu partikel bergerak melingkar dipercepat beraturan dengan percepatan sudut 2 rad/s² dan kecepatan sudut awalnya 30 rad/s.

Setelah 5 sekon, berapakah sudut yang ditempuh partikel tersebut?

Penyelesaian

Diket : 
$$\alpha = 2 \text{ rad/s}^2$$
  
 $\omega_o = 30 \text{ rad/s}$   
 $t = 5 \text{ sekon}$ 

 $Dit:\theta \ ?$ 

Jwb:

$$\theta = \omega_0 t + \frac{1}{2} \alpha t^2$$
  
= (30 rad/s)(5 sekon) +  $\frac{1}{2}$  (2 rad/s<sup>2</sup>) (5 sekon)<sup>2</sup>  
 $\theta = 175$  rad

5. Sebuah roda sepeda yang memiliki jari – jari 26 cm diputar melingkar beraturan. Kelajuan liniear pentil pada roda tersebut 1,3 m/s. Berapakah kecepatan sudutnya?

Penyelesaian

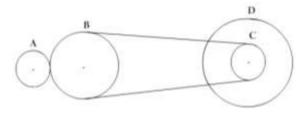
Diket: R = 26 cm = 0.26 m

v = 1,3 m/s

Dit:  $\omega$ ?

Jwb: 
$$\omega = \frac{v}{R} = \frac{1.3 \frac{m}{s}}{0.26 m} = 5 \text{ rad/s}$$

6. Roda A berjejari 4 cm dan roda B berjejari 10 cm saling bersinggungan, sedangkan roda B dihubungkan dengan roda C yang berjejari 3 cm melalui sebuah sabuk. Bila roda A diputar searah jarum jam dengan kecepatan sudut 15 rad/s, berapakah kelajuan linier roda D?



## Penyelesaian

Diket: 
$$R_A = 4 \text{ cm} = 0.04 \text{ m}$$

$$R_D = 15 \text{ cm} =$$

0,15

$$R_B = 10 \text{ cm} = 0.1 \text{ m}$$

 $\omega_A = 15 \text{ rad/s}$ 

$$R_C = 3 \text{ cm} = 0.03 \text{ m}$$

 $Dit : v_D ?$ 

Jwb:

 $\label{eq:Roda} Roda \ A \ dengan \ roda \ B \ saling \ bersinggungan,$  maka  $v_A=v_B.$ 

$$v_A = v_B = \omega_A R_A$$
  
= (15 rad/s)( 0,04 m)

$$v_A = v_B = 0.6 \text{ m/s}$$

 $\label{eq:Roda} Roda~C~dan~roda~B~dihubungkan~dengan~sabuk,$  maka  $v_C=v_B.$ 

$$v_C = v_B = 0.6 \text{ m/s}$$

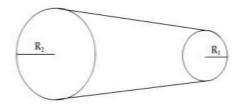
Roda D dan roda C seporos, maka  $\omega_D = \omega_C$ 

$$\omega_D = \frac{V_C}{R_C} = \frac{0.6 \frac{m}{s}}{0.03 \, m} = 20 \, rad/s$$

Kelajuan linier roda D,

$$v_D = \omega_D R_D$$
  
= (20 rad/s)(0,12 cm)  
= 2,4 m/s

7. Dua buah roda dihubungkan dengan rantai. Roda yang lebih kecil dengan jari - jari 8 cm diputar pada 100 rad/s. Berapakah kelajuan linier kedua roda tersebut jika jari - jari roda yang lebih besar 15 cm?



Penyelesaian

Diket: 
$$R_1 = 8 \text{ cm} = 0.08 \text{ m}$$

$$R_2 = 15 \text{ cm} = 0.15 \text{ m}$$

$$\omega_1 = 100 \text{ rad/s}$$

Dit :  $\omega_2$  ?

Jwb:

Dua roda yang dihubungkan memiliki kelajuan linier sama besar, jadi laju kedua roda tersebut adalah  $v_1=v_2$ .

$$v_1 = \omega_1 \ x \ R_1$$

= 
$$(100 \text{ rad/s}) \times (0.08 \text{ m})$$
  
=  $8 \text{ m/s}$   
 $v_2 = v_1 = 8 \text{ m/s}$ 

8. Sebuah gerinda berputar dengan kecepatan 330 rpm. Pada gerinda tersebut diletakkan sebuah partikel yang berjarak 8 cm dari poros gerinda. Tentukan percepatan sentripetal yang dialami partikel tersebut!

Penyelesaian

Diket: 
$$\omega = 330 \text{ rpm x } \frac{2\pi \, rad}{60 \, s} = 11\pi \, rad/s$$

$$R = 8 \, cm = 0.08 \, m$$
Dit:  $a_s$ ?

Jwb:  $a_s = \omega^2 \, x \, R$ 

$$= (11\pi \, rad/s)^2 (0.08 \, m)$$

$$= 9.68\pi^2 \, m/s^2$$

9. Sebuah bor listrik berputar dengan kecepatan sudut konstan 1.200 putaran per menit. Tentukan besar sudut yang ditempuh bor tersebut selama 5 sekon!

Penyelesaian

Diket: 
$$\omega = 1200 \text{ rpm x } \frac{2\pi \, rad}{60 \, s} = 40\pi \, rad/s$$
  
 $t = 5 \text{ sekon}$   
Dit:  $\theta$ ?  
Jwb:  
 $\theta = \omega t + \theta o$ 

= 
$$(40\pi \text{ rad/s})(5 \text{ s}) + 0$$
  
=  $200\pi \text{ rad}$ 

10. Sebuah mobil balap mulai dari keadaan diam di area pit dan dipercepat beraturan sampai laju 35 m/s dalam 11 sekon dan berjalan pada lintasan horizontal yang melingkar dengan radius 500 m. Berapakah percepatan sentripetal jika laju sebesar 30 m/s.

Penyelesaian

Diket: v = 30 m/s

t = 11 sekon

R = 500 m

Dit: atan?

Jwb: 
$$a_R = \frac{v^2}{R} = \frac{(30\frac{m}{s})^2}{(500 \text{ m})^2}$$
  
= 1,8 m/s<sup>2</sup>

## Blangko Angket Uji Lapangan

#### **PETUNJUK:**

Berilah tanda centang ( $\sqrt{}$ ) pada kolom pilihan yang tersedia.

SS = sangat setuju; S = setuju; TS = tidak setuju; dan STS = sangat tidak setuju.

Setelah menjalankan program media pembelajaran berbasis komputer pada topik bahasan kinematika gerak melingkar, saya merasa

NO	PERTANYAAN	PILIHAN				
	TEXTITUTE	SS	S	TS	STS	
1	Tidak ada kesulitan membuka program					
2	Tidak ada kesulitan dalam mengoperasikan program					
3	Mengasyikan karena adanya animasi					
4	Mempermudah pemahaman materi					
5	Materi mudah diingat dengan adanya animasi- animasi					
6	Tampilan program cukup menarik					
7	Media dapat digunakan sebagai sarana belajar mandiri					
8	Latihan soal yang diberikan sesuai dengan materi					
9	Kalimat dalam program dapat terbaca dengan jelas					
10	Program tidak mempermudah pemahaman materi					

Data Angket yang Diperoleh dari 30 Siswa Pengguna Media

NO	PERTANYAAN	PILIHAN					
NO		SS	S	TS	STS		
1	Tidak ada kesulitan membuka program	5	19	6	-		
2	Tidak ada kesulitan dalam mengoperasikan program	-	28	2	-		
3	Mengasyikan karena adanya animasi	10	17	3	1		
4	Mempermudah pemahaman materi	9	21	1	-		
5	Materi mudah diingat dengan adanya animasi-animasi	8	21	1	-		
6	Tampilan program cukup menarik	10	16	4	-		
7	Media dapat digunakan sebagai sarana belajar mandiri	5	22	3	-		
8	Latihan soal yang diberikan sesuai dengan materi	10	20	-	-		
9	Kalimat dalam program dapat terbaca dengan jelas	7	21	2	-		
10	Program tidak mempermudah pemahaman materi	-	-	21	9		

# Bentuk persentase (%) dari Lampiran 4a

	PERTANYAAN	PILIHAN				
NO		SS (%)	S (%)	TS	STS	
				(%)	(%)	
1	Tidak ada kesulitan membuka program	16,67	63,33	20	-	
2	Tidak ada kesulitan dalam mengoperasikan program	-	93,33	6,67	-	
3	Mengasyikan karena adanya animasi	33,33	56,67	10	-	
4	Mempermudah pemahaman materi	30	70	-	-	
5	Materi mudah diingat dengan adanya animasi-animasi	26,67	70	3,33	-	
6	Tampilan program cukup menarik	33,33	53,33	13,33	-	
7	Media dapat digunakan sebagai sarana belajar mandiri	16,67	73,33	10	-	
8	Latihan soal yang diberikan sesuai dengan materi	33,33	66,67	-	-	
9	Kalimat dalam program dapat terbaca dengan jelas	23,33	70	6,67	-	
10	Program tidak mempermudah pemahaman materi	-	-	70	30	

# **Script Flash**

```
1.
    Tujuan
    on (release) {
                  loadMovieNum("tujuan.swf",1);
     }
2.
    Materi
    on (press) {
                  loadMovieNum("materi.swf",1);
    2.1 Besaran-besaran Gerak Melingkar
    on (press) {
                  loadMovieNum("besaran.swf", 1);
     }
                   2.1.1 Frekuensi dan Periode
                  on (press) {
                        loadMovieNum("frekuensi.swf", 1);
                   }
                        2.1.1.1 Contoh Soal Frekuensi dan
    Periode
                        on (press) {
```

```
1);
                    }
                    2.1.1.2 Penyelesaian Soal Posisi Sudut
                    on (press) {
              loadMovieNum("penysolfrek.swf", 1);
                    }
              2.1.2 Posisi Sudut
              on (press) {
                    loadMovieNum("posisii.swf", 1);
              }
                    2.1.2.1 Contoh Soal Posisi Sudut
                    on (press) {
                             loadMovieNum("solpos.swf",
1);
                    }
                    2.1.2.2 Penyelesaian Soal Posisi Sudut
                    on (press) {
              loadMovieNum("penysolpos.swf", 1);
              2.1.3 Perpindahan Sudut
              on (press) {
```

loadMovieNum("solfrek.swf",

```
loadMovieNum("perpindahan.swf", 1);
              }
                    2.1.3.1 Contoh Soal Perpindahan
Sudut
                    on (press) {
                            loadMovieNum("solposs.swf",
1);
                    }
                    2.1.3.2 Penyelesaian Soal Perpindahan
Sudut
                    on (press) {
              loadMovieNum("penysolposs.swf", 1);
                    }
              2.1.4 Kecepatan Sudut
              on (press) {
                    loadMovieNum("kecepatan.swf", 1);
              }
                    2.1.4.1 Contoh Soal Kecepatan Sudut
                    on (press) {
                            loadMovieNum("solkec.swf",
1);
                    }
```

# 2.1.4.2 Penyelesaian Soal Kecepatan

```
Sudut
```

```
on (press) {
              loadMovieNum("penysolkec.swf", 1);
                    }
              2.1.5 Pecepatan Sudut
              on (press) {
                    loadMovieNum("percepatan.swf", 1);
              }
                    2.1.5.1 Contoh Soal Percepatan Sudut
                    on (press) {
                            loadMovieNum("solper.swf",
1);
                    }
                    2.1.5.2 Penyelesaian Soal Percepatan
Sudut
                    on (press) {
              loadMovieNum("penysolper.swf", 1);
3.2 Jenis-jenis Gerak Melingkar
on (press) {
              loadMovieNum("jenis.swf", 1);
```

```
}
             3.2.1 GMB
             on (press) {
                   loadMovieNum("gmb1.swf", 1);
             }
                   3.2.1.1 Contoh GMB
                   on (press) {
                           loadMovieNum("gmb2.swf", 1);
                   }
                   on (press) {
                           loadMovieNum("gmb3.swf", 1);
                   3.2.1.2 Contoh Soal GMB
                   on (press) {
                           loadMovieNum("solgmb.swf",
1);
                   }
                   3.2.1.3 Penyelesaian Contoh Soal GMB
                   on (press) {
             loadMovieNum("penysolgmb.swf", 1);
                   }
```

#### 3.2.1.4 Percobaan GMB

```
on (press) {
                           loadMovieNum("percobaan
gmb.swf", 1);
                   }
             3.2.2 GMBB
             on (press) {
                   loadMovieNum("gmbb.swf", 1);
              }
                   3.2.2.1 Contoh GMBB
                   on (press) {
                           loadMovieNum("gmbb1.swf",
1);
                   }
                   on (press) {
                           loadMovieNum("gmbb2.swf",
1);
                   }
                   3.2.2.2 Contoh Soal GMBB
                   on (press) {
                           loadMovieNum("solgmbb.swf",
1);
                   3.2.2.3 Penyelesaian Contoh Soal
GMBB
```

```
on (press) {
             loadMovieNum("penysolgmbb.swf", 1);
                   }
                   3.2.2.4 Percobaan GMBB
                   on (press) {
                           loadMovieNum("percobaan
gmbb.swf", 1);
                   }
             3.2.3 GMTB
             on (press) {
                   loadMovieNum("gmtb.swf", 1);
              }
                   3.2.3.1 Contoh GMTB
                   on (press) {
                           loadMovieNum("gmtb1.swf",
1);
                   }
                   on (press) {
                           loadMovieNum("gmtb2.swf",
1);
                   3.2.3.2 Contoh Soal GMTB
```

```
on (press) {
                                 loadMovieNum("solgmbb.swf",
     1);
                         }
3.
     Video
    on (press) {
                   loadMovieNum("video.swf",1);
     }
    3.1 Video GMB
    on (press) {
                   loadMovieNum("aplikasi gmb.swf", 1);
     }
                   3.1.1 Video Aplikasi GMB 1
                   on (press) {
                         loadMovieNum("aplikasi gmb 1.swf", 1);
                   }
                   3.1.2 Video Aplikasi GMB 2
                   on (press) {
                         loadMovieNum("aplikasi gmb 2.swf", 1);
                   3.1.3 Video Aplikasi GMB 3
                   on (press) {
                         loadMovieNum("aplikasi gmb 3.swf", 1);
                   }
```

```
3.1.4 Video Aplikasi GMB 4
              on (press) {
                    loadMovieNum("aplikasi gmb 4.swf", 1);
              }
3.2 Video GMBB
on (press) {
              loadMovieNum("aplikasi gmbb.swf", 1);
}
              3.2.1 Video Aplikasi GMBB 1
              on (press) {
                    loadMovieNum("aplikasi gmbb 1.swf",
1);
              3.2.2 Video Aplikasi GMBB 2
              on (press) {
                    loadMovieNum("aplikasi gmbb 2.swf",
1);
              3.2.3 Video Aplikasi GMBB 3
              on (press) {
                    loadMovieNum("aplikasi gmbb 3.swf",
1);
```

```
3.3 Video GMTB
     on (press) {
                   loadMovieNum("aplikasi gmtb.swf", 1);
     }
4.
     Soal
     on (press) {
                   loadMovieNum("soal.swf",1);
     }
     4.1 Soal Latihan
     on (press) {
                   loadMovieNum("latihan.swf", 1);
                   stop();
     4.2 Soal Tes
     on (press) {
                   loadMovieNum("test.swf", 1);
                   stop();
     }
5.
    Penutup
     on (press) {
                   loadMovieNum("penutup.swf",1);
     5.1 Penulis
     on (press) {
```